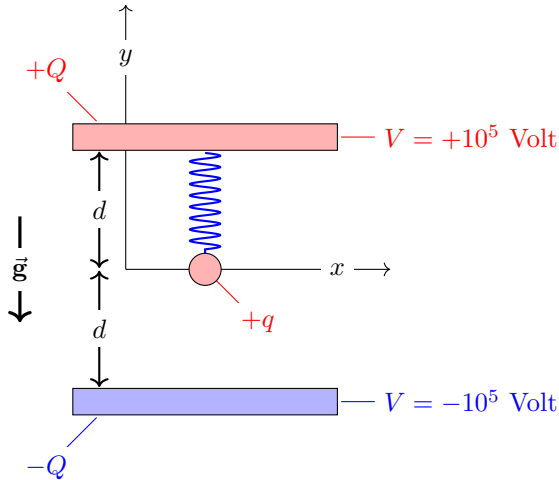


FSA11-ARCH11	
Juin 2023	<i>Physique 1</i>
LEPL1201	<i>Vous pouvez conserver cet énoncé !</i>

1 Un ressort dans un condensateur...

Laurent et Dimitri ont construit un joli condensateur plan dans le vide. Les deux plaques du condensateur sont séparées d'une distance $2d = 20$ cm et ont une surface $S = 2$ m². Une différence de potentiel de $\Delta V = 2 \times 10^5$ Volt est imposée entre les deux plaques.

Vincent et Thomas viennent alors attacher une bille à un ressort en plastique au milieu du condensateur. La bille a une masse $m = 0.1$ kg et une charge $q = 10^{-6}$ C. Le rayon de la bille est négligeable. La longueur au repos du ressort est $d = 10$ cm et sa constante de raideur est $k = 200$ N/m.



Les composantes verticales de la position et de la vitesse de la bille sont notées $y(t)$ et $y'(t)$. A l'instant $t = 0$, on lâche la bille : $y(0) = y'(0) = 0$. Ensuite la bille va osciller de manière harmonique.

$$y(t) = a \cos(\omega t) - b$$

L'impact du ressort et de la bille sur le champ \vec{E} induit par le condensateur sera supposé négligeable. Le champ électrique est donc supposé constant ! Tous les effets de frottement sont négligés.

On utilisera $g = 10$ m/s² et $\epsilon_0 = 10^{-11}$ C²/N m² pour effectuer tous les calculs.

1. Citer et dessiner l'ensemble de toutes les forces agissant sur la bille lorsque $y(t) < 0$.
2. Calculer les charges Q et le champ électrique \vec{E} induit par le condensateur.
3. Quelle devrait être la position initiale $y(0) = -h$ pour que la bille reste immobile ?
4. Ecrire l'expression de l'énergie cinétique et potentielle¹ de la bille en fonction de $y(t)$ et de $y'(t)$.
5. Quel sera l'étirement maximal h_* du ressort pendant le mouvement ?
6. Ecrire l'équation différentielle ordinaire associée au mouvement $y(t)$ de la bille. En utilisant les deux conditions initiales, obtenir les valeurs de a , b et ω .
7. Esquisser² l'évolution de la position $y(t)$, et l'évolution des énergies potentielle et cinétique de la bille en fonction du temps. Que pouvez-vous observer ?

Attention ! Il faut répondre exclusivement sur l'unique feuille de réponse fournie. Ce questionnaire peut servir de brouillon, mais ne sera jamais lu par le correcteur ! Répondez à chaque sous-question et uniquement à ce qui est demandé. Chaque sous-question peut être résolue de manière symbolique, si les résultats précédents font défaut ! Détaillez vos calculs afin de clairement montrer votre démarche. Pensez à encadrer les résultats principaux pour les mettre en évidence.

¹L'énergie potentielle gravitationnelle et électrique seront nulles en $y = 0$.
²Indiquer les correspondances entre les extrema, en plaçant le graphe du $y(t)$ au-dessus du graphe des énergies !

2 Questions à choix multiples

Attention !

Il y a toujours une et une seule bonne réponse !

Ne pas répondre ou cocher une réponse erronée ne fait rien perdre.

Les données des questions sans valeurs numériques sont supposées être dans des unités cohérentes :-)

Remplir la feuille pour lecture optique avec un crayon noir bien taillé ou un bic noir !

N'utiliser en aucun cas un correcteur liquide (TypeX) pour corriger !

Pour les QCMs, vous avez la possibilité de mettre une très brève justification.

Cette dernière sera lue uniquement si vous avez choisi une réponse erronée !

Une petite portion des points associés à la question pourra alors être attribuée si la justification le mérite.

Deux blocs de masse m et M sont reliés par une corde. D'abord, le bloc de masse m subit une force horizontale F et le second bloc **descend** avec une accélération a . Dans une seconde expérience, on applique une force $2F$ et le second bloc **monte** avec une accélération $2a$.

Q1 On peut déduire les masses des deux blocs à partir de a et F .
Le déplacement sur la surface horizontale se fait sans aucun frottement.
La norme de l'accélération de la gravité est $g = 10 \text{ m/s}^2$.
Quelle est le rapport des deux masses ?

A $\frac{m}{M} = \frac{g - 4a}{4a}$ A

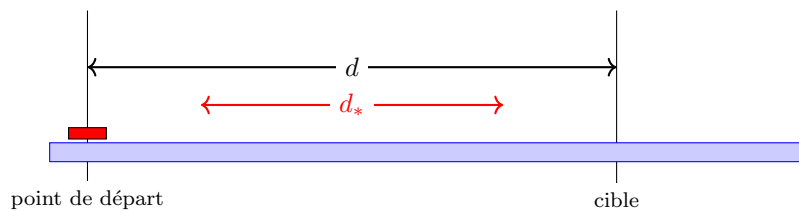
B $\frac{m}{M} = \frac{g}{a}$ B

C $\frac{m}{M} = \frac{g - a}{4a}$ C

D $\frac{m}{M} = \left(\frac{4a}{4a - g} \right) F$ D

E $\frac{m}{M} = \left(\frac{g - 4a}{4a} \right) F$ E

Le *curling* est un sport de précision pratiqué sur la glace avec des pierres en granite. Le but est de placer la pierre le plus près possible d'une cible appelée la maison. Les joueurs ont un balai de curling qui permet de modifier localement le frottement devant la pierre afin d'y créer des effets complexes permettant d'obtenir une trajectoire courbée. C'est l'origine du nom de ce sport !



Q2

Ici, nous considérons une version très simplifiée où la pierre de masse m suit une trajectoire rectiligne, sans aucun mouvement de rotation. La cible est à une distance d , la vitesse initiale de la pierre est v et le coefficient de frottement cinétique entre la pierre et la glace est μ_c . Afin que la pierre puisse atteindre la cible, les joueurs vont froter la glace afin de réduire le coefficient de frottement à une valeur $\mu_* < \mu_c$, sur une section d_* de la trajectoire.

Quelle doit être la distance d_* ?

A $d_* = \frac{2\mu_c g d - v^2}{2\mu_* g}$

A

B $d_* = \frac{2\mu_* g d - v^2}{2\mu_c g}$

B

C $d_* = \frac{2\mu_c g d - v^2}{2(\mu_c - \mu_*)g}$

C

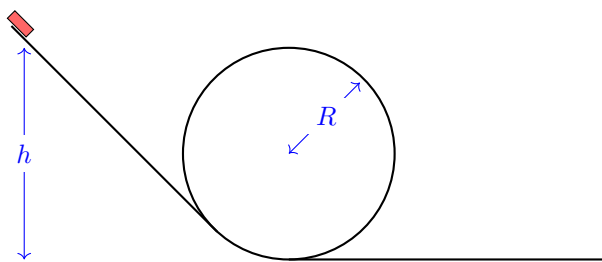
D $d_* = \frac{v^2}{2(\mu_c - \mu_*)g}$

D

E $d_* = \frac{mv^2}{2(\mu_c - \mu_*)g}$

E

Dans un parc d'attraction, un wagonnet de masse m dévale une pente d'une hauteur h et effectue ensuite un looping dans un cercle de rayon R . Tous les frottements sont supposés négligeables.



Q3

Quelle doit être la hauteur minimale h afin que le wagon ne chute pas dans le looping ?

- A $h > 7R/2$
- B $h > 6R/2$
- C $h > 5R/2$
- D $h > 4R/2$
- E $h > 3R/2$

- A
- B
- C
- D
- E

Une machine à laver effectue 1 800 tours par minute lors de l'essorage du linge dans un tambour de rayon $R = 0.15 \text{ m}$.
Que vaut l'accélération centripète a_c ressentie par le linge ?

Q4

- A $a_c = 56\,500 \text{ m/s}^2$
- B $a_c = 21\,310 \text{ m/s}^2$
- C $a_c = 19\,400 \text{ m/s}^2$
- D $a_c = 5\,330 \text{ m/s}^2$
- E $a_c = 3\,550 \text{ m/s}^2$

- A
- B
- C
- D
- E

Deux boules de masses de 2 kg et 3 kg glissent sur un plan horizontal sans frottement avec des vitesses respectives de 4 m/s et 2 m/s. Après une collision inélastique, les boules restent collées et se déplacent à une vitesse de 2 m/s.
Quel angle formaient les deux vitesses des boules avant la collision ?

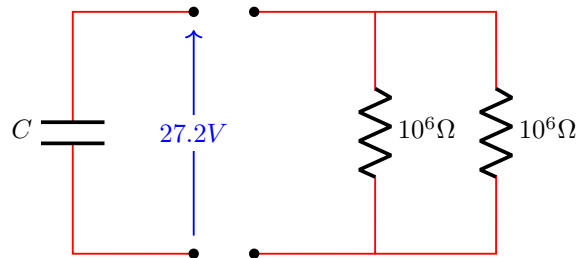
Q5

- A Les deux boules se déplaçaient dans la même direction.
- B Les deux boules se déplaçaient dans des directions opposées.
- C La situation décrite est impossible : il n'y a aucun angle possible !
- D Il n'est pas possible de déterminer cet angle avec les données fournies.
- E Les deux directions sont perpendiculaires.

- A
- B
- C
- D
- E

Un condensateur chargé de 2.72 pC a une tension à ses bornes de 27.2 Volt .
Ce condensateur est déchargé au travers de deux résistances de 1 MOhm
connectées chacune en parallèle au condensateur.
Il est utile de noter que $e = 2.72 !$

Q6

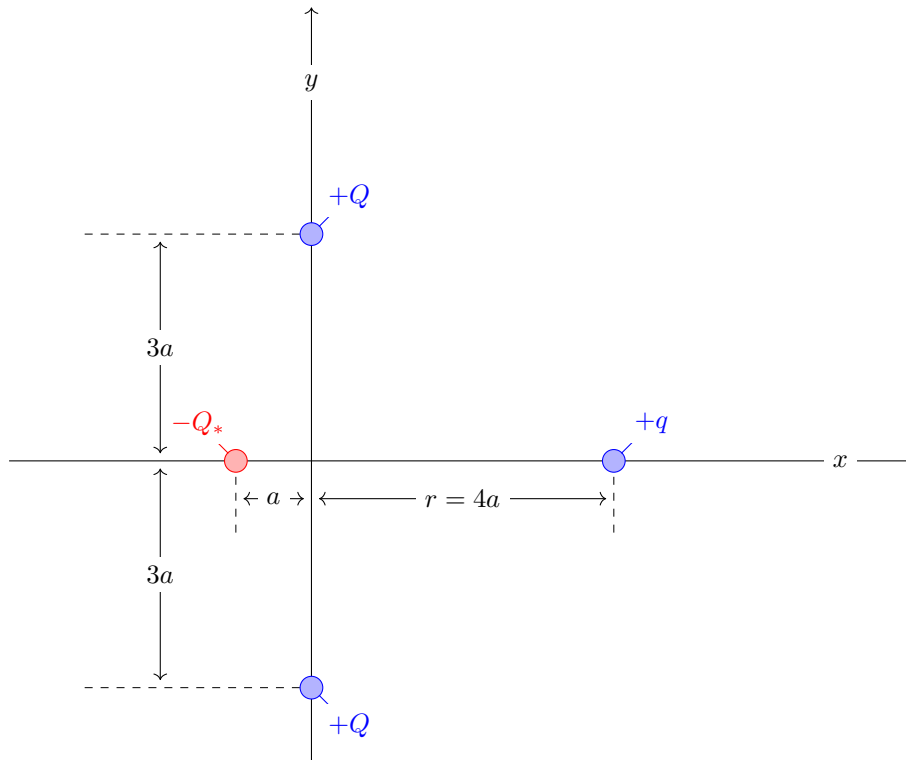


Combien de temps de décharge est nécessaire
pour abaisser la charge du condensateur à une valeur de 1 pC ?

- A 25 ns
- B 50 ns
- C 100 ns
- D 500 ns
- E Au vu des données du problème, ce n'est jamais possible !

- A
- B
- C
- D
- E

Trois charges ponctuelles fixes sont placées au-dessus, au-dessous et à gauche de l'origine du repère. Les distances entre chaque charge et l'origine sont toutes multiples de a . Une charge mobile q est libre de se déplacer sur l'axe horizontal sous l'action des forces de répulsion et d'attraction des trois autres charges.



Q7

Que doit valoir la charge Q_* pour que la charge q soit à l'équilibre à une distance $r = 4a$ de l'origine ?

A $Q_* = \frac{4}{5}Q$

B $Q_* = \frac{8}{25}Q$

C $Q_* = \frac{8}{5}Q$

D $Q_* = \frac{16}{\sqrt{5}}Q$

E $Q_* = \frac{16}{5\sqrt{5}}Q$

A

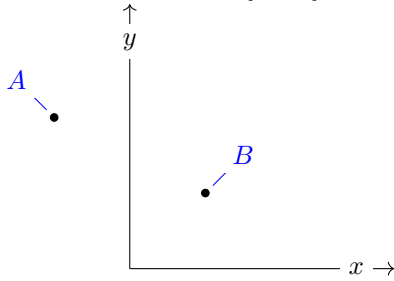
B

C

D

E

Dans un espace à deux dimensions, on observe que la différence de potentiel entre les points $A := [-1, 2]$ et $B := [1, 1]$ vaut : $V_B - V_A = 3$ Volt.



Q8 Quel est le champ électrique exprimé en Volts par mètre qui génère cette différence de potentiel ?

A $\vec{E} = 2 \vec{e}_x$

A

B $\vec{E} = 2y \vec{e}_x + y \vec{e}_y$

B

C $\vec{E} = x \vec{e}_x + y \vec{e}_y$

C

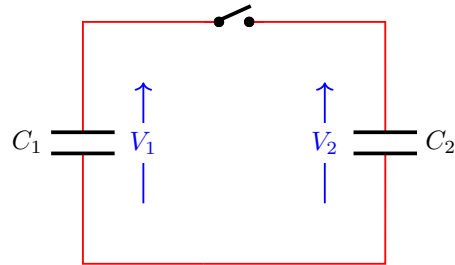
D $\vec{E} = -\vec{e}_x + x \vec{e}_y$

D

E $\vec{E} = 0.5 \vec{e}_y$

E

Deux condensateurs C_1 et C_2 sont chargés et portés à des potentiels V_1 et V_2 . A l'instant t_0 , on relie les deux condensateurs en fermant l'interrupteur.



Q9 Quelle variation de charge ΔQ_1 subira le condensateur C_1 lors de la fermeture de l'interrupteur ?

A $\Delta Q_1 = C_1(V_2 - V_1)$

A

B $\Delta Q_1 = \frac{(C_1 + C_2)(V_2 - V_1)}{2}$

B

C $\Delta Q_1 = \frac{C_1 C_2 (V_2 - V_1)}{(C_1 + C_2)}$

C

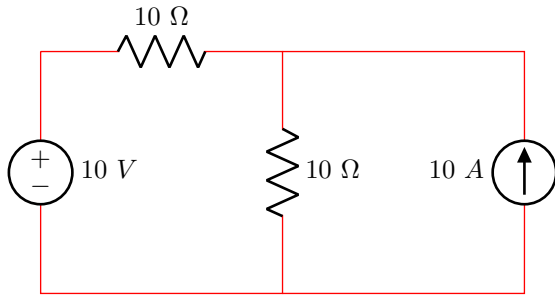
D $\Delta Q_1 = \frac{C_1(V_2 - V_1)}{2}$

D

E $\Delta Q_1 = \frac{C_1 C_2 V_1}{(C_1 + C_2)}$

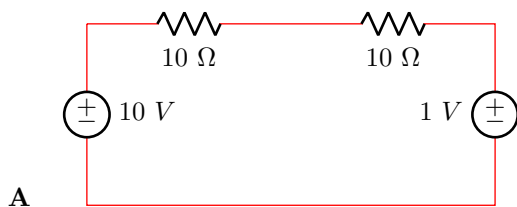
E

On considère le circuit suivant composé de deux résistances et deux sources.

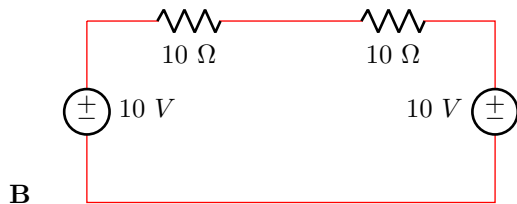


Quel est l'unique schéma équivalent au circuit ci-dessus en remplaçant une partie du circuit par son équivalent de Thévenin ou de Norton ?

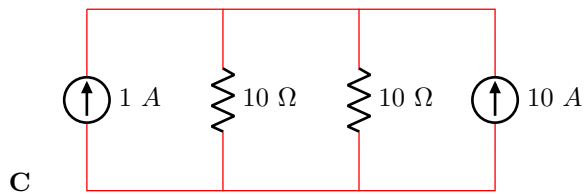
Q10



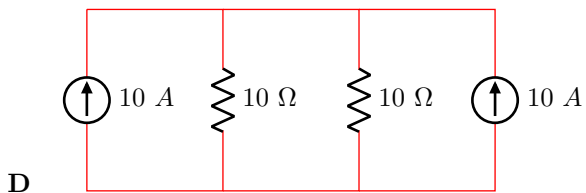
A



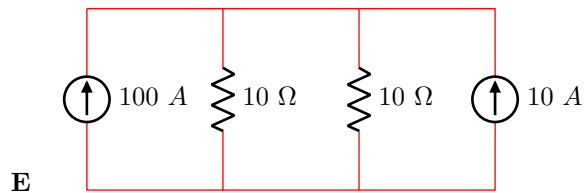
B



C



D



E

N'oubliez pas de reporter vos réponses sur la feuille pour lecture optique.

Formulaire

$$\frac{d}{dt}(m \vec{v}) = \sum \vec{F}_i$$

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{1}{2}m v^2 + \frac{1}{2}I \omega^2\right) = \sum \vec{F}_i \cdot \vec{v}_i$$

$$\frac{d}{dt}(I \omega) = \sum M_i$$

Mouvement d'un projectile

$$\vec{x}(t) = \begin{bmatrix} u_0 t + x_0 \\ -gt^2/2 + v_0 t + y_0 \end{bmatrix}$$

$$\vec{v}(t) = \begin{bmatrix} u_0 \\ -gt + v_0 \end{bmatrix}$$

$$\vec{a}(t) = \begin{bmatrix} 0 \\ -g \end{bmatrix}$$

Mouvement horizontal = MRU (vitesse constante)
 Mouvement vertical = MRUA (accélération constante)

Mouvement circulaire uniformément accéléré : $\theta(t) = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{\alpha t^2}{2}$

$$\vec{v}(t) = \begin{bmatrix} v_r \\ v_\theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ r\omega \end{bmatrix}$$

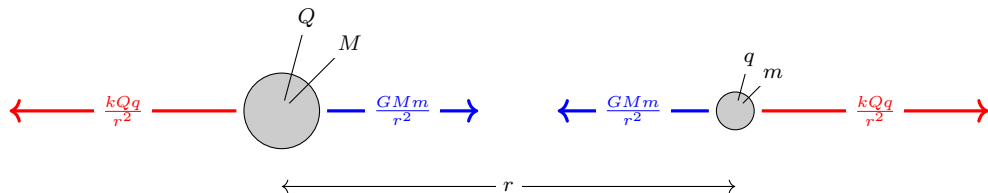
$$\vec{a}(t) = \begin{bmatrix} a_r \\ a_\theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -r\omega^2 \\ r\alpha \end{bmatrix}$$

Force de gravité et force d'interaction électrique

$$G = 6.674 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2/\text{kg}^2$$

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = k = 8.988 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2$$

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k} = 8.854 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N m}^2$$



Théorème de Gauss

$$\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \sum q_i$$

Théorème de l'énergie mécanique

$$\Delta \left(\underbrace{\frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} I \omega^2}_K \right) = \sum \int \underbrace{\vec{F} \cdot d\vec{x}}_W$$

Energies potentielles mécaniques

$$W_{a \rightarrow b} = U_a - U_b = \frac{kx^2}{2}$$

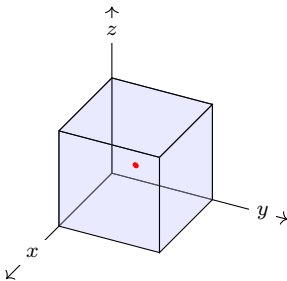
$$U_a - U_b = mgh$$

Energie et potentiel électrique

$$U_a - U_b = q_0 \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{x}$$

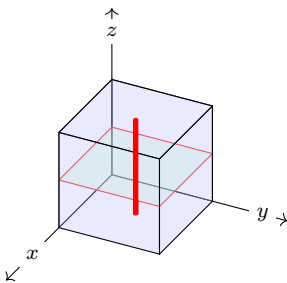
$$V_a - V_b = \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{x}$$

Trois champs et potentiels électriques bien utiles :-)



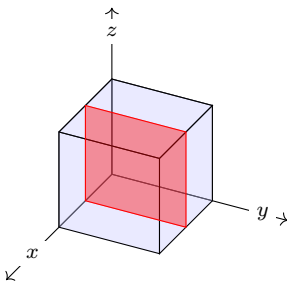
$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$$

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r} + C$$



$$E = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r}$$

$$V = -\frac{1}{2\pi\epsilon_0} \lambda \ln(r) + C$$



$$E = \frac{1}{2\epsilon_0} \sigma$$

$$V = -\frac{1}{2\epsilon_0} \sigma r + C$$

r représente la distance à la charge, au fil chargé ou au plan chargé.

Moment d'une force dans le plan

$$\underbrace{\vec{r} \times \vec{F}}_{\vec{M}} = \begin{bmatrix} r_x \\ r_y \\ 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} F_x \\ F_y \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ r_x F_y - r_y F_x \end{bmatrix}$$

$$M = r_x F_y - r_y F_x = F r_{\perp} = F_{\perp} r = Fr \sin(\theta)$$

Moment d'inertie

$$I = \sum m_i r_i^2$$

Théorème des axes parallèles

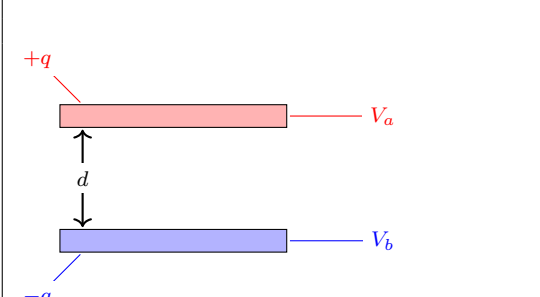
$$I_h = m h^2 + I$$

Moments d'inertie de corps rigides homogènes

Cylindre creux $I = m R^2$

Cylindre plein $I = m \frac{R^2}{2}$

Barre autour du centre $I = m \frac{L^2}{12}$



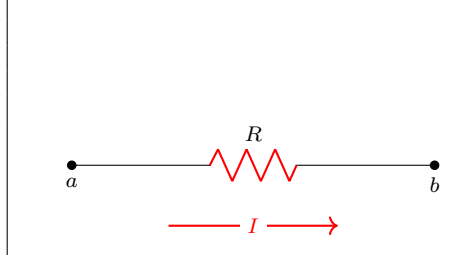
$+q$

V_a

d

V_b

$-q$

$$V_{ab} = V_a - V_b = \frac{d}{\epsilon_0 S} q = \frac{q}{C}$$
$$U = \int_0^q \frac{q}{C} dq = \frac{q^2}{2C}$$


a b

R

I

$$V_{ab} = \frac{\rho L}{S} I = RI$$
$$P = RI^2$$

Résistances et capacités en série

$$\frac{1}{C} = \sum \frac{1}{C_i} \quad R = \sum R_i$$

Résistances et capacités en parallèle

$$C = \sum C_i \quad \frac{1}{R} = \sum \frac{1}{R_i}$$

Lois de Kirchhoff

$$\sum_{\text{noeuds}} I_i = 0$$

$$\sum_{\text{mailles}} V_i = 0$$