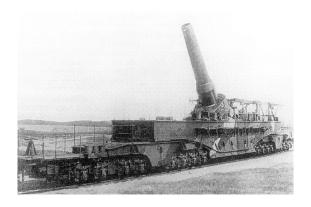
Le MRUA :-)

$$ec{\mathbf{x}}(t): \left[egin{array}{c} x(t) \ y(t) \end{array}
ight] = \left[egin{array}{c} u_0t + x_0 \ -gt^2/2 + v_0t + y_0 \end{array}
ight]$$

$$ec{\mathbf{v}}(t): \left[egin{array}{c} v_x(t) \ v_y(t) \end{array}
ight] = \left[egin{array}{c} u(t) \ v(t) \end{array}
ight] = \left[egin{array}{c} u_0 \ -gt+v_0 \end{array}
ight]$$

$$ec{\mathbf{a}}(t): \left[egin{array}{c} a_x(t) \ a_y(t) \end{array}
ight] = \left[egin{array}{c} 0 \ -g \end{array}
ight]$$

La description mathématique du mouvement d'un projectile sous l'effet de la gravité en négligeant la friction de l'air et des tas d'autres effets rigolos comme la rotation de la terre...



En général

$$\vec{\mathbf{v}}(t) = \frac{d\vec{\mathbf{x}}}{dt}(t) = \frac{dx}{dt}(t) \ \vec{\mathbf{e}}_x + \frac{dy}{dt} \ \vec{\mathbf{e}}_y$$

$$\vec{\mathbf{a}}(t) = rac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}(t) = rac{dv_x}{dt}(t) \ \vec{\mathbf{e}}_x + rac{dv_y}{dt} \ \vec{\mathbf{e}}_y$$

vitesse
$$\vec{v}=\frac{d\vec{x}}{dt}$$
 accélération $\vec{a}=\frac{d\vec{v}}{dt}=\frac{d^2\vec{x}}{dt^2}$

Ne pas oublier!

- La vitesse instantanée est tangente à la trajectoire!
- L'accélération correspond à un changement de norme et/ou de direction de la vitesse!

Tout mouvement présente toujours une accélération, sauf si c'est un mouvement rectiligne uniforme.

C'est dû au changement de direction ou du module de la vitesse!

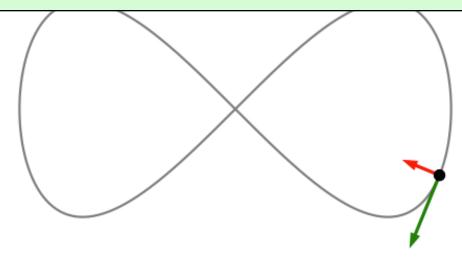
$$\frac{d\vec{\mathbf{x}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{v}}(t)$$

$$\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{a}}(t)$$

$$m \ \vec{\mathbf{a}}(t) = \sum \vec{\mathbf{F}}(t)$$

- La position, la vitesse, l'accélération, les forces sont des vecteurs!
 Il faut donc bien maîtriser l'algèbre vectorielle!
- A l'exception du mouvement rectiligne à vitesse constante, tout autre type de mouvement présente une accélération centripète due au changement de direction et/ou de norme de la vitesse.

Ne pas oublier!



$$\frac{d\vec{\mathbf{x}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{v}}(t)$$

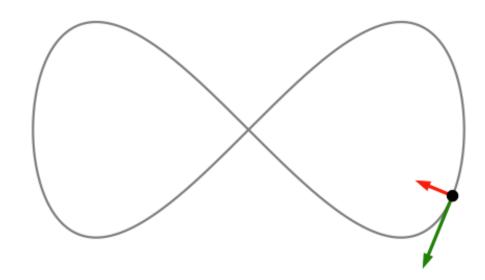
$$\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{a}}(t)$$

$$m \, \vec{\mathbf{a}}(t) = \sum \vec{\mathbf{F}}(t)$$

La cinématique est la description mathématique des mouvements sans se soucier de leur origine !

Le mouvement est décrit par des vecteurs dont les composantes sont des fonctions du temps

Cinématique



$$\frac{d\vec{\mathbf{x}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{v}}(t)$$

$$\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{a}}(t)$$

$$m \vec{\mathbf{a}}(t) = \sum \vec{\mathbf{F}}(t)$$

Dynamique

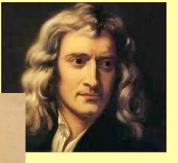
La dynamique explique le mouvement des corps en faisant appel aux notions de forces et de masses.

Théorie de Newton : Principae, 1687



Every body perseveres in its state of rest or of uniform motion in a right line unless it is compelled to change that state by forces impressed upon it...

Principae, 1687



Newton

PHILOSOPHIÆ NATURALIS RINCIPIA MATHEMATICA. AUCTORE ISAACO NEWTONO. EQ. AURATO. Perpetuis Commentariis illustrata, communi studio PP. THOME LE SEUR & FRANCISCI JACQUIER Ex Gallicana Minimorum Familia, Mathefeos Profesforum. TOMUS SECUNDUS.

Galileo

A body at rest remains at rest and a body in motion continues to move at constant velocity along a straight line unless acted upon by an external force...

1604



$$\frac{d\vec{\mathbf{x}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{v}}(t)$$

$$\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{a}}(t)$$

$$m \vec{\mathbf{a}}(t) = \sum \vec{\mathbf{F}}(t)$$

La cinématique est la description mathématique des mouvements sans se soucier de leur origine!

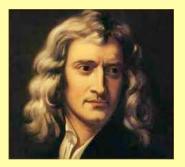
Le mouvement est décrit par des vecteurs dont les composantes sont des fonctions du temps

Cinématique

Dynamique

La dynamique explique le mouvement des corps en faisant appel aux notions de forces et de masses.

Théorie de Newton : Principae, 1687



Première loi de Newton

Tout corps conserve son état de repos ou son mouvement rectiligne uniforme si la résultant des forces extérieures agissant sur le corps est nulle.

Seconde loi de Newton

$$m \vec{a}(t) = \sum \vec{F}(t)$$

La résultante des forces agissant sur une particule de masse m produit une accélération de même orientation! La première loi de Newton n'est donc qu'un cas particulier de la seconde loi :-)

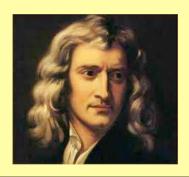
Troisième loi de Newton

$$\vec{\mathbf{F}}_{BA} = -\vec{\mathbf{F}}_{AB}$$

La force exercée par un objet B sur un objet A est égale en module et de sens opposé à la force exercée par l'objet A sur l'objet B

Les 3 lois de Newton

Isaac Newton Principae, 1687



Masse

Forces

$$m | ec{\mathbf{a}}(t)$$

 $\sum \vec{\mathbf{F}}(t)$

Une mesure de la quantité de matière ? Ou plutôt une indication de la difficulté de faire varier la vitesse d'un corps en y appliquant une force.

scalaire

Les forces ne sont pas visibles, mais leurs effets le sont... Il y a des forces de contact et des forces à distances.

vecteurs!

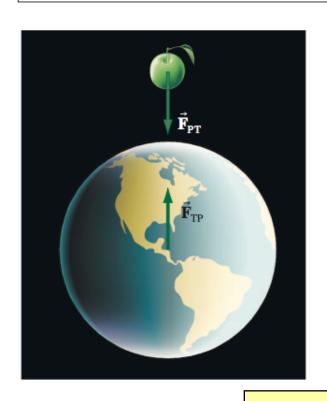
Isaac Newton Principae, 1687



Troisième loi de Newton

$$\vec{\mathbf{F}}_{BA} = -\vec{\mathbf{F}}_{AB}$$

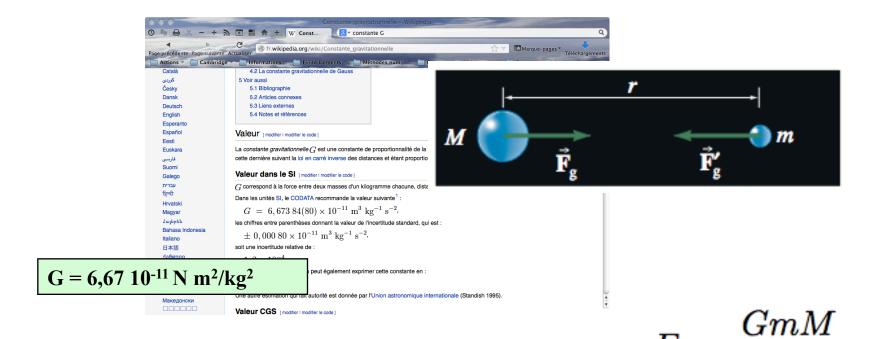
La force exercée par un objet B sur un objet A est égale en module et de sens opposé à la force exercée par l'objet A sur l'objet B



Action Réaction

Une force n'est jamais isolée

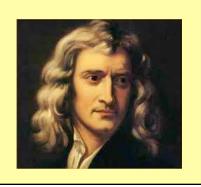
Les forces apparaissent toujours comme des paires action-réaction.

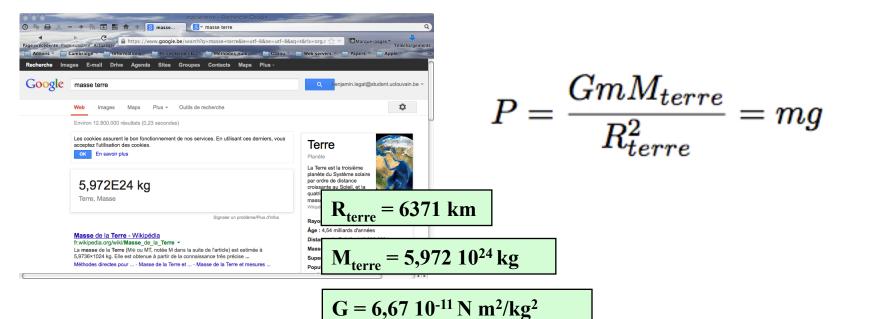


Théorie de la gravitation universelle

Il s'agissait ensuite d'imaginer une force qui permet d'expliquer le mouvement des planètes autour du soleil...

C'est ce qu'a fait Isaac en 1687.

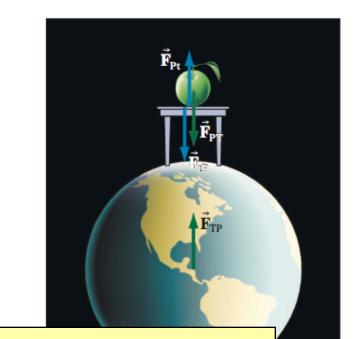




Le poids : P = mg



Système de particules



Pour analyser la stabilité d'un pont, pour prédire le fonctionnement d'une machine ou du corps humain, on va isoler les diverses composantes en tirant profit de la troisième loi de Newton!

Il est maintenant possible de prédire le comportement de systèmes avec plusieurs corps qu'on va approximer comme des particules (ou points matériels).

Une particule est un corps de volume nul, mais de masse finie...

C'est évidemment une fiction mathématique!

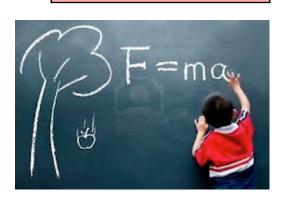
Mais cela permet d'utiliser le modèle mathématique très simple qu'est la mécanique du point.

$$\frac{d\vec{\mathbf{x}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{v}}(t)$$

$$\frac{d\vec{\mathbf{v}}}{dt}(t) = \vec{\mathbf{a}}(t)$$

$$m \, \vec{\mathbf{a}}(t) = \sum \vec{\mathbf{F}}(t)$$

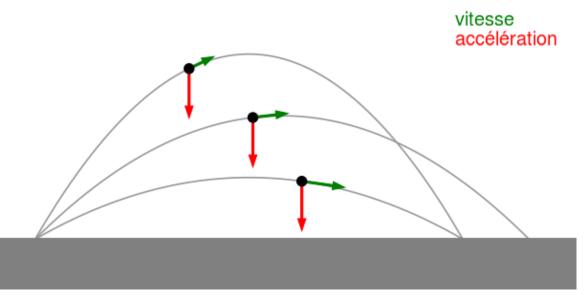
Les 3 lois de Newton!



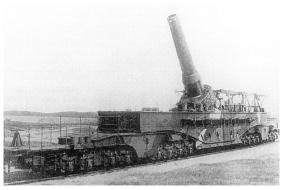
- Si la somme de forces sur un corps est nulle, tout corps reste au repos ou en mouvement à vitesse constante dans un repère inertiel!
- La seconde loi de Newton (F=ma) met en relation l'accélération, la masse et les forces dans un repère inertiel!
- La force exercée par un objet sur un autre est l'opposée de celle exercée par l'autre corps sur lui-même.
 C'est le fameux principe : action-réaction :-)

Ne pas oublier!

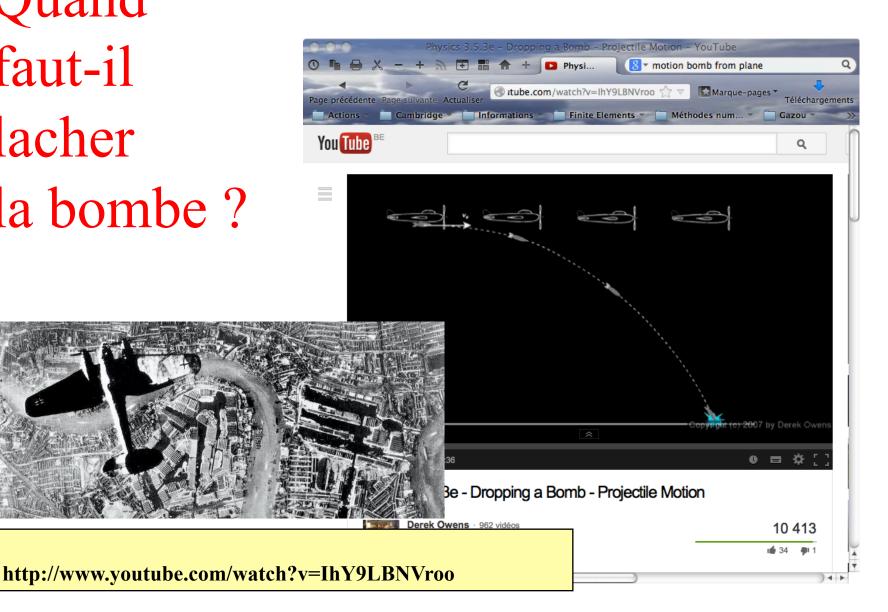
Le MRUA:-)



Comment obtenir la distance de l'impact par rapport à l'obusier ?

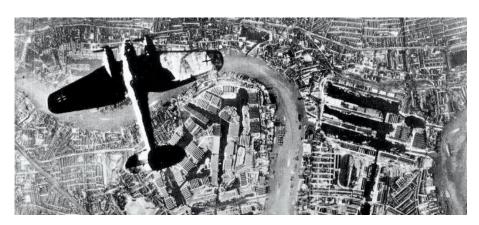


Quand faut-il lacher la bombe?

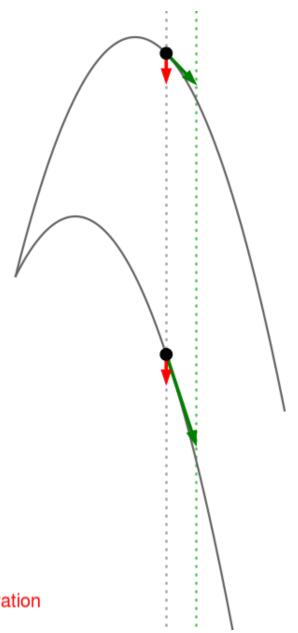


Quand faut-il lacher la bombe ?

Si la vitesse initiale de la bombe est celle de l'avion, alors la vitesse horizontale de la bombe restera égale à celle de l'avion

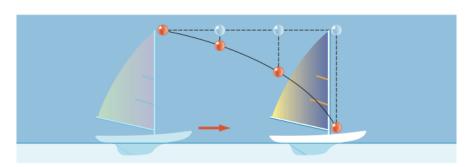


vitesse accélération

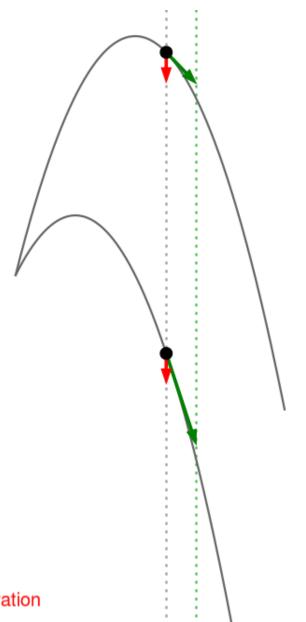


Si on lache la bombe du haut du mât du bateau?

Si la vitesse initiale de la bombe est celle du bateau, alors la vitesse horizontale de la bombe restera égale à celle du bateau.



vitesse accélération



C'est difficile?





Séances de remédiation avec des étudiants ingénieurs !

Geoffroy: Lundi de 11h45 à 12h45 au COUB10 Eve: Mercredi de 08h30 à 09h30 au COUB01 Julien: Mercredi de 09h30 à 10h30 au COUB01

Arnaud: Mercredi de 11h00 à 12h00 au COUB12 ou COUB11