

Et le thermique...

Écoulement incompressible d'un
fluide visqueux newtonien à
paramètres constants.

Les équations de continuité et de quantité
de mouvement ne font pas intervenir la
température : on peut résoudre la
dynamique de l'écoulement sans tenir
compte des aspects thermiques !

$$\nabla \cdot \mathbf{v} = 0,$$

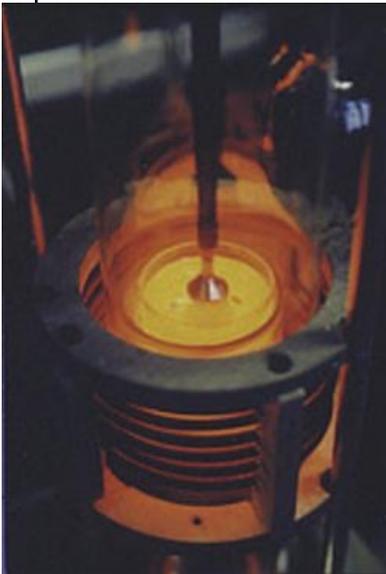
$$\rho \frac{D\mathbf{v}}{Dt} = -\nabla p + \mu \nabla^2 \mathbf{v} + \rho \mathbf{g},$$

Etape 1

$$\rho c \frac{DT}{Dt} = 2\mu(\mathbf{d} : \mathbf{d}) + r + k \nabla^2 T,$$

Etape 2

Une fois la dynamique de l'écoulement
connue, on peut ensuite résoudre le
problème thermique...



Viscosité cinématique

Diffusivité thermique

$$(\underline{v}, \underline{\nabla}) \underline{v} = - \underline{\nabla} \frac{p}{\rho} + \underbrace{\frac{\mu}{\rho}}_{\text{VISCOSITE CINEMATIQUE}} \underline{\nabla}^2 \underline{v}$$

$[\frac{m^2}{s}]$

DENSITE DE FORCE

$$\underbrace{\left[\frac{N}{m^3} \right]}_{\rho} (\underline{v}, \underline{\nabla}) \underline{v} = - \underline{\nabla} p + \underbrace{\mu}_{\text{VISCOSITE DYNAMIQUE}} \underline{\nabla}^2 \underline{v}$$

$[\frac{kg}{m \cdot s}]$

DENSITE DE PUISSANCE

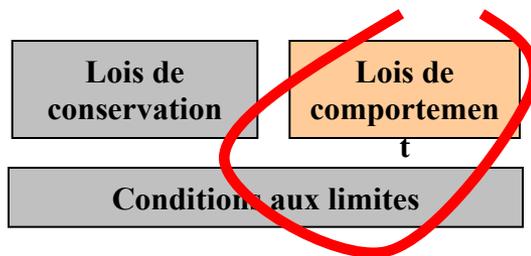
$$\underbrace{\left[\frac{Watt}{m^3} \right]}_{\rho c} (\underline{v}, \underline{\nabla}) T = + k \underline{\nabla}^2 T + 2 \mu \underline{\underline{d}} : \underline{\underline{d}}$$

CONDUCTIBILITE THERMIQUE
 $[\frac{W}{m \cdot K}]$

$$(\underline{v}, \underline{\nabla}) T = \underbrace{\frac{k}{\rho c}}_{\alpha} \underline{\nabla}^2 T$$

DIFFUSIVITE THERMIQUE
 $[\frac{m^2}{s}]$

Lois de comportement très approximatives...



$$\boldsymbol{\sigma} = -p\boldsymbol{\delta} + 3\hat{\kappa}(p, T)\mathbf{d}^s + 2\hat{\mu}(p, T)\mathbf{d}^d,$$

$$\mathbf{q} = -\hat{k}(p, T)\nabla T,$$

Loi de Fourier

$$\begin{aligned}\rho &= \hat{\rho}(p, T), \\ H &= \hat{H}(p, T), \\ S &= \hat{S}(p, T).\end{aligned}$$

Modèle du fluide visqueux Newtonien

Mécanismes du transfert conductif

Le point de vue microscopique...

On examine le transfert d'énergie entre porteurs du milieu considéré. La fonction de distribution des porteurs est régie par *l'équation de Boltzmann* de la théorie cinétique.

L'énergie se propage du chaud vers le froid


$$\mathbf{q} = -k \nabla T$$

Isolants 10^{-2} W/mK
Métaux 10^2 W/mK

Matériau	k (W/mK)
eau (à pression atmosphérique)	0.67
cuivre	380
aluminium	260
acier	45

Lois de conservation

Lois de comportement

Conditions aux limites

L'approche phénoménologique...

Un flux thermique dans un corps est lié à l'existence d'un gradient de température. *L'équation de Fourier* relie ces deux grandeurs.

Validité de la loi de Fourier...

$$\mathbf{q} = -k \nabla T$$

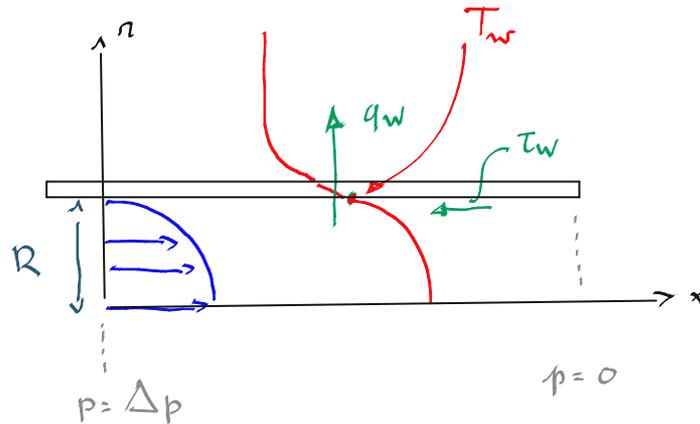
L'effet (**le flux de chaleur**) est proportionnel
à la cause (**le gradient de température**)

Toutefois, lorsqu'on observe un déséquilibre thermique initial, il faut un temps très faible, mais fini de l'ordre de grandeur du temps moyen entre collisions pour que les porteurs donnent naissance au flux thermique...

L'absence d'inertie dans l'expression de Fourier conduit à une **vitesse de propagation infinie** dans l'équation de la chaleur (équation parabolique)

$$\rho c \frac{\partial T}{\partial t} = r + \nabla \cdot (k \nabla T)$$

De l'eau chaude dans un tuyau !



TRANSFERT
ETABLI

$$\frac{\partial}{\partial x} (T - T_w) = 0$$

$$\downarrow$$

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{dT_w}{dx}$$

ÉCOULEMENT
DANS LE TUYAU

$$v(r) = 2 v_m \left(1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2\right)$$

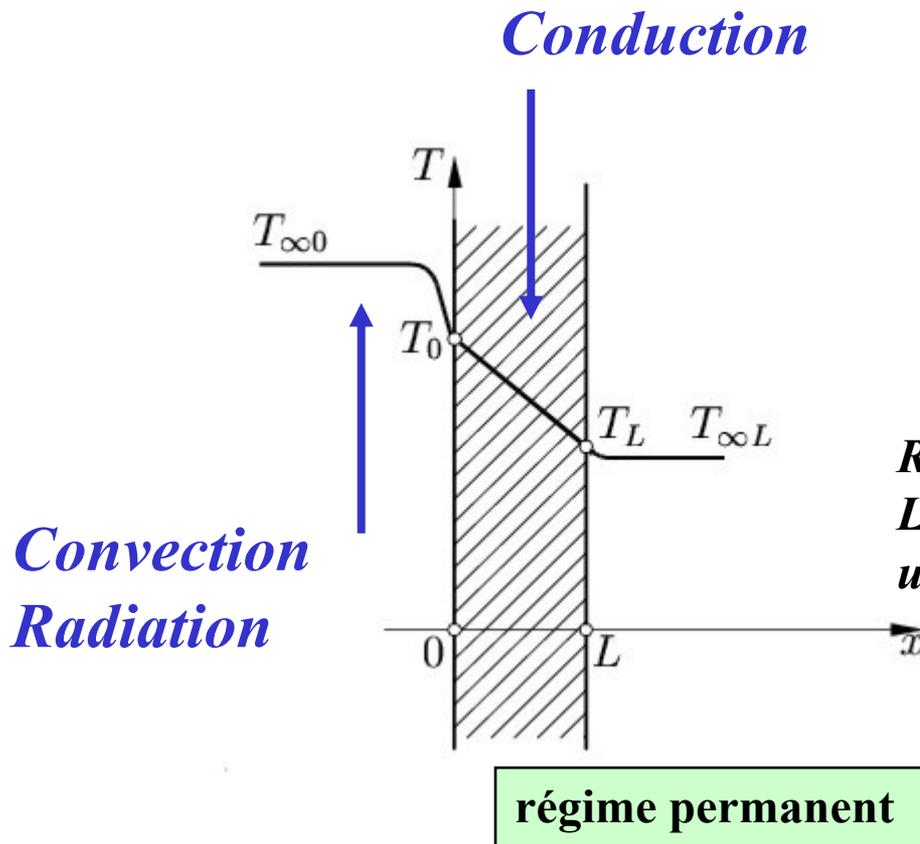
$$\frac{dv}{dr} = -\frac{4 v_m}{R} \frac{r}{R}$$

$$\frac{\rho v_m D}{\mu} = Re$$

$$\frac{-dp/dx}{\rho v_m^2 / 2D} = \lambda$$

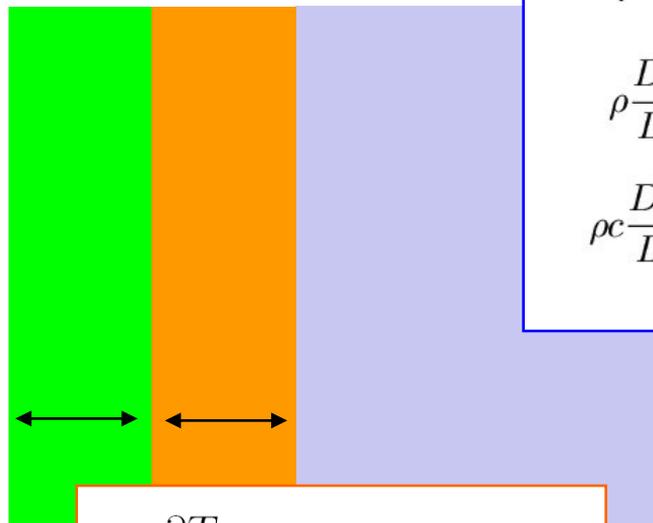
$$\frac{T_w}{\rho v_m^2 / 2} = C_f$$

Conduction dans une plaque soumise à la convection



*Radiateur domestique : $h = 15 \text{ W/m}^2\text{K}$
La convection libre et le rayonnement ont
une contribution plus ou moins identique*

Un problème
pas aussi élémentaire
que prévu...



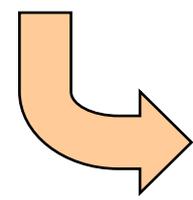
~~$$\nabla \cdot \mathbf{v} = 0$$

$$\rho \frac{D\mathbf{v}}{Dt} = -\nabla p + \nabla \cdot (2\mu \mathbf{d}) + \rho \mathbf{g},$$

$$\rho c \frac{DT}{Dt} = \rho \mu (\mathbf{d} : \mathbf{d}) + r + \nabla \cdot (k \nabla T),$$~~

$$\rho c \frac{\partial T}{\partial t} = r + \nabla \cdot (k \nabla T)$$

$$\rho c \frac{\partial T}{\partial t} = r + \nabla \cdot (k \nabla T)$$

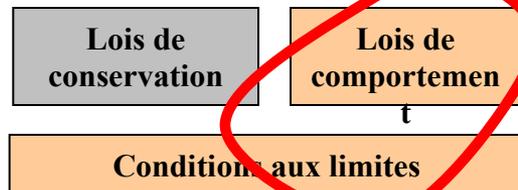


$$\mathbf{q} \cdot \mathbf{n} = -h \Delta T$$

Simplifions-le !

Loi de Newton

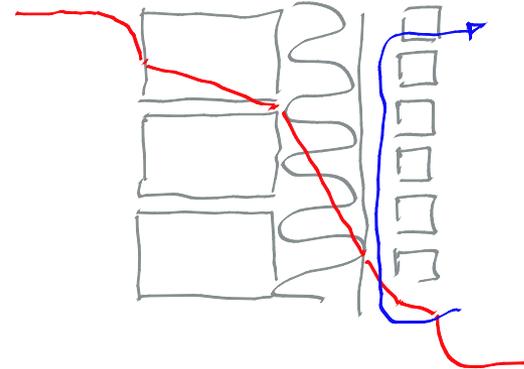
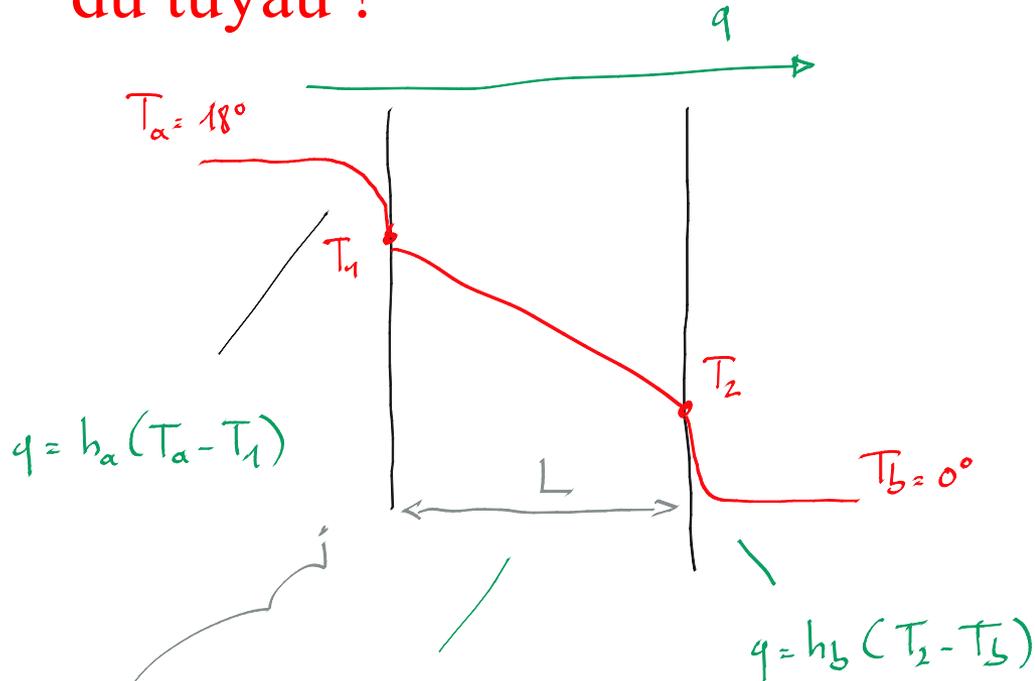
$$\mathbf{q} \cdot \mathbf{n} = -h\Delta T$$



Type de transfert	Fluide	$h(W/m^2K)$
Convection forcée	gaz	10...300
	liquide aqueux	500...12000
	huile	50...1700
	métal liquide	6000...110000
Convection naturelle	gaz	5...30
	liquide aqueux	100...1000
Changement de phase	eau, ébullition	3000...60000
	eau, condensation	5000...110000

Dans la paroi
du tuyau !

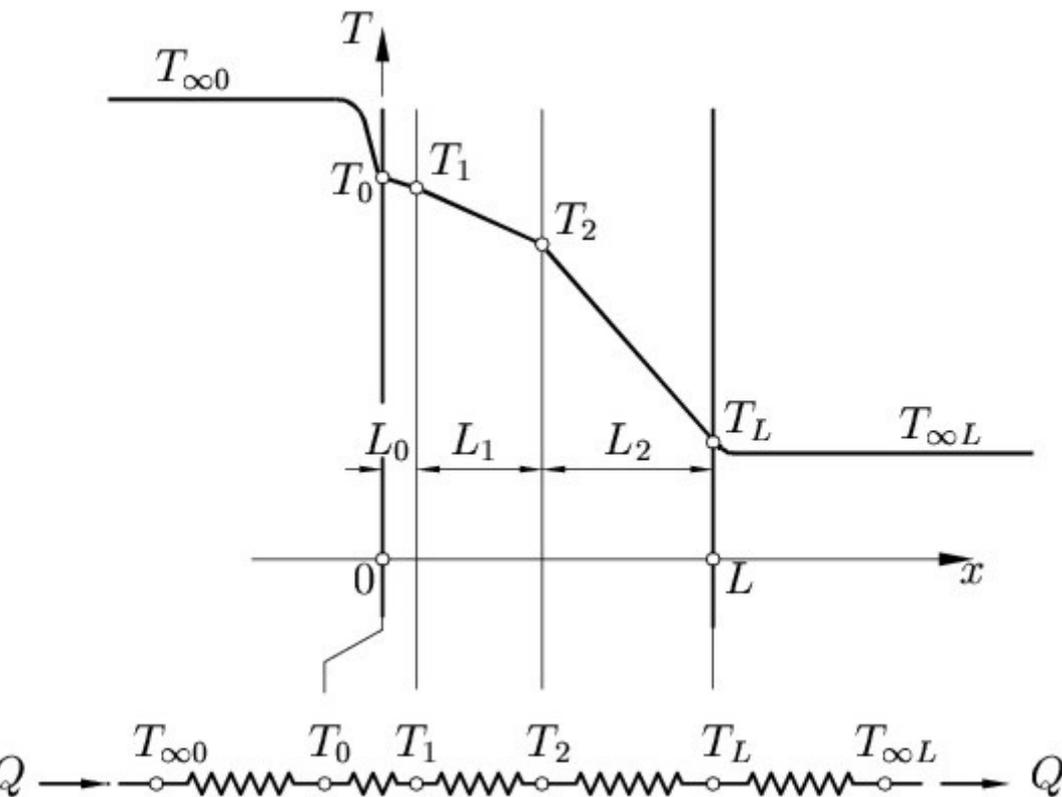
$$k \frac{d^2 T}{dx^2} = 0$$



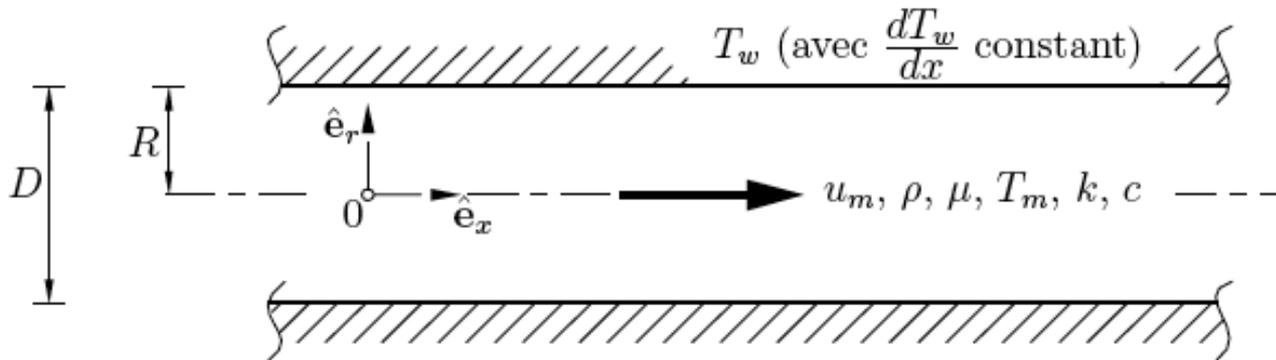
$$q = k \frac{(T_1 - T_2)}{L}$$

$$q \left[\frac{1}{h_a} + \frac{L}{k} + \frac{1}{h_b} \right] = T_a - \cancel{T_1} + \cancel{T_1} - \cancel{T_2} + \cancel{T_2} - T_b$$

Conduction dans une plaque soumise à la convection



analogie avec l'électricité
- résistance convective
- résistance conductive



$$\frac{\partial}{\partial x} (T - T_w) = 0 \quad \Leftrightarrow \quad \frac{\partial T}{\partial x} = \frac{dT_w}{dx}$$

Transfert de chaleur établi

L'écoulement est établi lorsque le profil de la différence de températures du fluide et de la paroi reste constante le long de l'axe de la conduite !

Cela suppose que l'écoulement est établi !

$$\frac{d}{dx} = \frac{1}{2} \left[\frac{dv}{dr} \frac{dv/dr}{dr} \right]$$

Dans le tuyau !

$$\rho c v_m^2 \frac{dT_w}{dx} \left(1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2\right) = k \frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(r \frac{dT}{dr} \right) + 16\mu \frac{v_m^2}{R^2} \left(\frac{r}{R}\right)^2$$

CAS 1
 $T_w = \text{cte}$

$$k \frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(r \frac{dT}{dr} \right) = -16\mu v_m^2 \frac{r^2}{R^4}$$

$$\frac{d}{dr} \left(r \frac{dT}{dr} \right) = -\frac{16\mu v_m^2}{k} \frac{r^3}{R^4}$$

$$r \frac{dT}{dr} = -4 \dots \frac{r^4}{R^4} + A$$

$$T(r) = -1 \dots \frac{r^4}{R^4} + A \log(r) + B$$

$$T - T_w = \frac{\mu v_m^2}{k} (1 - \eta^4)$$

$$\left[\frac{\text{kg}}{\text{m.s}} \right] \left[\frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \right] \left[\frac{\text{m.K}}{\text{W}} \right] = [\text{K}]$$

$$\eta = \frac{r}{R}$$

$$\rho c u_m^2 \frac{dT_w}{dx} (1 - (\frac{r}{R})^2) = k \frac{1}{r} \frac{d}{dr} (r \frac{dT}{dr}) + 16\mu \frac{u_m^2}{R^2} (\frac{r}{R})^2$$

CAS 2
 $\frac{dT_w}{dx} = \text{const}$

$$k \frac{1}{r} \frac{d}{dr} (r \frac{dT}{dr}) = -16\mu u_m^2 \frac{r}{R^4}$$

$$\frac{d}{dr} (r \frac{dT}{dr}) = -\frac{16\mu u_m^2}{k} \frac{r^3}{R^4}$$

$$r \frac{dT}{dr} = -4 \dots \frac{r^4}{R^4} + A$$

$$T(r) = -1 \dots \frac{r^4}{R^4} + A \log(r) + B$$

$$+ \rho c 2 u_m \frac{dT_w}{dx} (1 - \frac{r^2}{R^2})$$

$$+ \rho c \frac{2 u_m}{k} \frac{dT_w}{dx} (r - \frac{r^3}{R^2})$$

$$+ \dots (\frac{r^2}{2} - \frac{r^4}{4R^2})$$

$$+ \dots (\frac{r^2}{4} - \frac{r^4}{16R^2})$$

$$T - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} (1 - \eta^4)$$

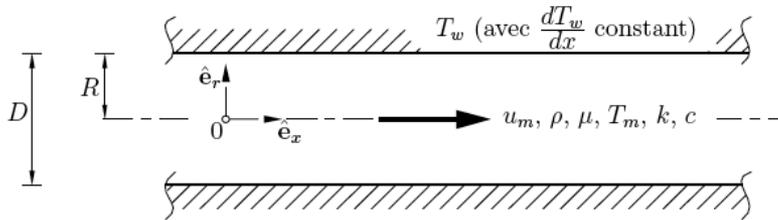
$$- \underbrace{\rho c \frac{2 u_m}{k} \frac{dT_w}{dx}}_{\frac{\mu u_m^2}{k} \frac{\beta}{8}} \frac{R^2}{16} (3 - 4\eta^2 + \eta^4)$$

$$\left[\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right] \left[\frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \right] \left[\frac{\text{m} \text{K}}{\text{W}} \right] = [\text{K}]$$

$$\frac{\mu u_m^2}{k} \frac{\beta}{8}$$

$$\eta = \frac{r}{R}$$

$$\beta = \rho c \frac{dT_w}{dx} \frac{R^2}{\mu u_m}$$

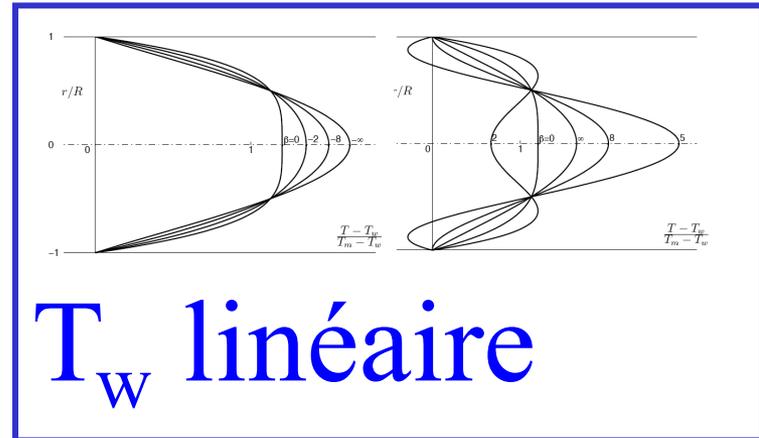


T_w constante

Si T_w constante...

$$\rho c \frac{dT_w}{dx} 2u_m \left(1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2\right) = k \frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(r \frac{d}{dr} (T - T_w) \right) + 16\mu \frac{u_m^2}{R^2} \left(\frac{r}{R}\right)^2$$

Deux cas particuliers



T_w linéaire

$$T - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left(1 - \left(\frac{r}{R} \right)^4 \right)$$

T_w constante

Si T_w constante...

$$\rho c \frac{dT_w}{dx} 2 u_m \left(1 - \left(\frac{r}{R} \right)^2 \right) = k \frac{1}{r} \frac{d}{dr} \left(r \frac{d}{dr} (T - T_w) \right) + 16 \mu \frac{u_m^2}{R^2} \left(\frac{r}{R} \right)^2$$

$$T - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left(1 - \left(\frac{r}{R} \right)^4 \right) - \frac{1}{8} \frac{\rho c}{k} \frac{dT_w}{dx} u_m R^2 \left(3 - 4 \left(\frac{r}{R} \right)^2 + \left(\frac{r}{R} \right)^4 \right)$$

T_w linéaire

Un nombre adimensionnel
qui mesure le rapport
entre deux effets !

$$\beta = \rho c \frac{dT_w}{dx} \frac{R^2}{\mu u_m}$$

$$T - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left[\left(1 - \left(\frac{r}{R}\right)^4\right) - \frac{1}{8} \beta \left(3 - 4 \left(\frac{r}{R}\right)^2 + \left(\frac{r}{R}\right)^4\right) \right]$$

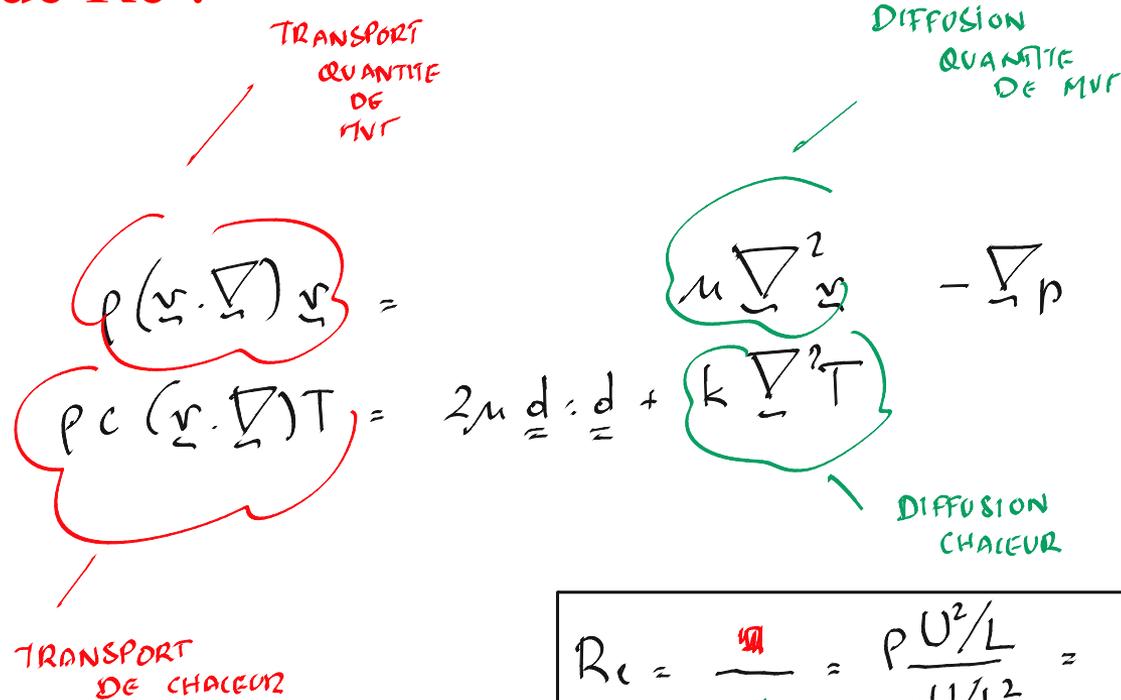
*Effets de dissipation visqueuse
Transformation d'énergie*

*Effets de convection
Transport de l'énergie*

Le petit frère de Re : Péclet !

$$\nu = \frac{\mu}{\rho}$$

$$\alpha = \frac{k}{\rho c}$$



$$Re = \frac{\rho U L}{\mu} = \frac{\rho U^2 / L}{\mu U / L^2} = \frac{\rho U L}{\mu}$$

$$Pe = \frac{\rho c U \Delta T / L}{k \Delta T / L^2} = \frac{\rho c U L}{k}$$

$$Pr = \frac{Pe}{Re} = \frac{\mu c}{k} = \frac{\nu}{\alpha}$$

Le petit frère de Reynolds : Péclet

*Effets de conduction
Diffusion de l'énergie*

$$\rho c(\mathbf{v} \cdot \nabla)T = 2\mu(\mathbf{d} : \mathbf{d}) + r + k\nabla^2 T$$

$\mathcal{O}(\rho c U \Delta T / L)$ $\mathcal{O}(k \Delta T / L^2)$

*Effets de convection
Transport de l'énergie*

$$Pe = \frac{\text{Energie transportée}}{\text{Energie diffusée}} = \frac{\rho c U \Delta T / L}{k \Delta T / L^2} = \frac{\rho c U L}{k}$$

Oui : c'est bien le petit frère !

*Effets visqueux
Diffusion de la quantité
de mouvement*

$$\boxed{\rho(\mathbf{v} \cdot \nabla)\mathbf{v}} = -\nabla p + \boxed{\mu \nabla^2 \mathbf{v}}$$

$\mathcal{O}(\rho U^2/L)$ $\mathcal{O}(\mu U/L^2)$

*Effets d'inertie
Transport de la quantité
de mouvement*

$$Re = \frac{\boxed{\text{Forces d'inertie}}}{\boxed{\text{Forces visqueuses}}} = \frac{\rho U^2/L}{\mu U/L^2} = \frac{\rho U L}{\mu}$$

Nombre de Péclet

caractérise le transfert de chaleur d'un écoulement d'un fluide !

$$Pe = \frac{\rho_0 u_0 L c_p}{k}$$



Born: 10 Feb 1793 in Besancon, France

Died: 6 Dec 1857 in Paris, France

Puissance
transportée

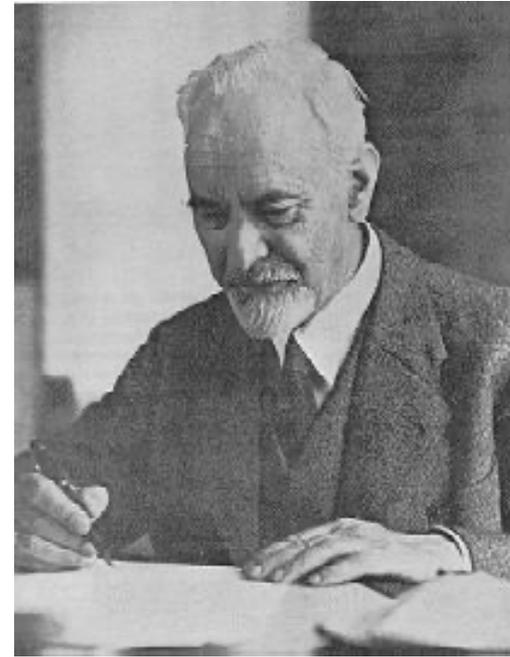
Puissance
diffusée

à savoir !

Nombre de Prandtl

$$Pr = \frac{\mu C_p}{k}$$

caractérise un fluide !



Born: 1875 in Freising, Germany

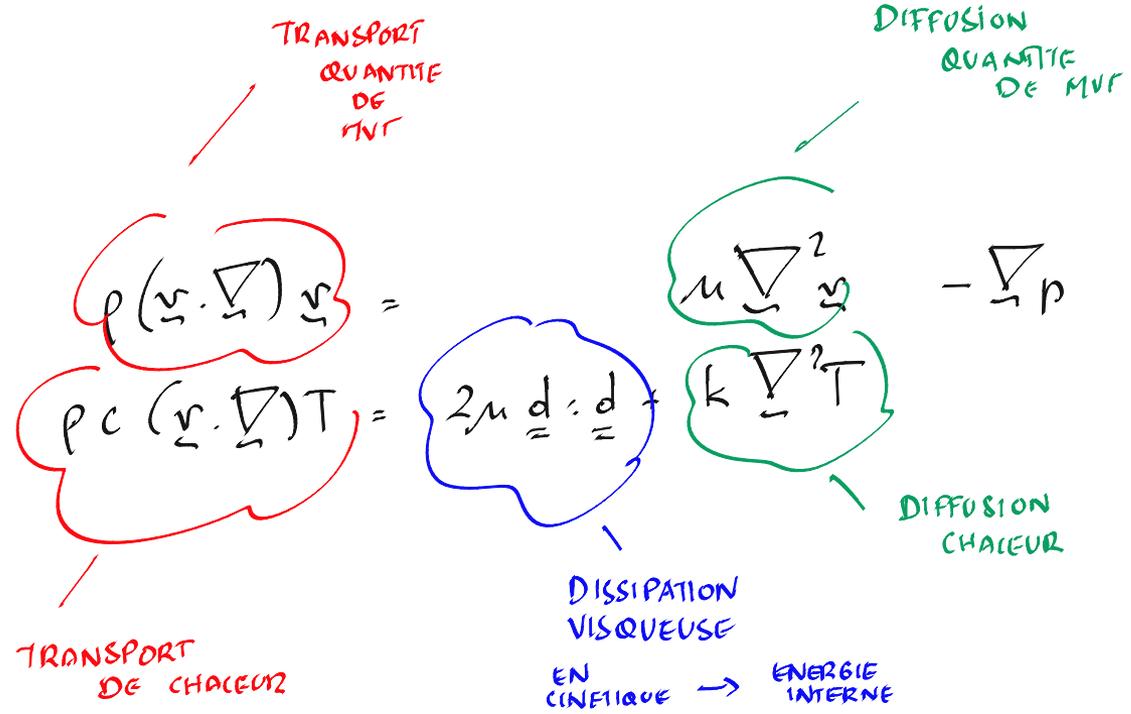
Died: 1953 in Gottingen, Germany

Peclet = Effets de convection / effets de conduction

Reynold = Effets d'inertie / effets de viscosité

à savoir !

Le nombre adimensionnel sans nom !



FORCE

$$\frac{\rho U^2 / L \cdot U}{\rho c U \Delta T / L} = E_c$$

PUISSANCE

$$E_c = \frac{U^2}{c \Delta T}$$

$$\frac{\rho U^2}{\mu} = Pe$$

$$\frac{\mu}{\rho U L} = Pr E_c$$

$$\frac{\rho U^2}{\mu} = \frac{Re}{Pr} = \beta$$

FORCE

$$\frac{\rho U^2/L \quad U}{\rho c U \Delta T/L} = E_c$$

PUISSANCE



$$E_c = \frac{U^2}{c \Delta T}$$

Et notre ami Eckert !

Une grande famille !

*Effets de conduction
Diffusion de l'énergie*

$$\boxed{\rho c(\mathbf{v} \cdot \nabla)T} = \boxed{2\mu(\mathbf{d} : \mathbf{d})} - r + \boxed{k\nabla^2 T}$$

$$\mathcal{O}(\rho c U \Delta T / L) \quad \mathcal{O}(\mu U^2 / L^2) \quad \mathcal{O}(k \Delta T / L^2)$$

*Effets de convection
Transport de l'énergie*

*Effets de dissipation visqueuse
Transformation d'énergie*

$$Pe = \frac{\text{■}}{\text{■}} \quad Pr \quad Ec = \frac{\text{■}}{\text{■}} \quad \beta = \frac{Re}{Ec} = \frac{\text{■}}{\text{■}}$$

$$Ec = \frac{\text{Energie cinétique}}{\text{Energie interne}} = \frac{\rho U^2}{\rho c \Delta T} = \frac{U^2}{c \Delta T}$$

Nombre d'Eckert

$$Ec = \frac{u_e^2}{c(T_w - T_e)}$$

caractérise un écoulement
d'un fluide !

Energie cinétique

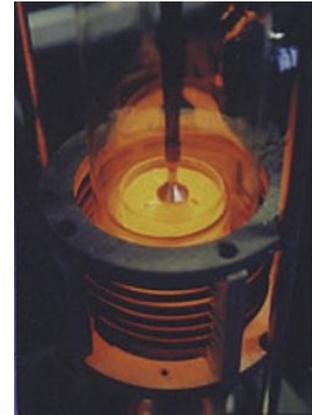
Energie interne



Picture was taken on August 22, 2000

Transferts de chaleur stationnaires

$$\rho c(\mathbf{v} \cdot \nabla)T = 2\mu(\mathbf{d} : \mathbf{d}) + r + k\nabla^2 T$$



Nombre de Reynolds : Re

Nombre de Péclet : Pe

Nombre de Prandtl : Pr

Nombre d'Eckert : Ec

Nombre de Nusselt : Nu

Nombre de Biot : Bi

Coeff de frottement : C_f

Nombre de Stanton : St

Pertes de charges : λ

Nombre de Nusselt

$$Nu = \frac{q_w}{k\Delta T/2R}$$

caractérise une condition d'interface !



Born: 25 Nov 1882 in Nurnberg, Germany

Died: 1 Sep 1957 in Munchen, Germany

Flux de chaleur à la paroi

Flux de chaleur diffusé dans l'écoulement

Nombre de Biot

$$Bi = \frac{q_w}{k\Delta T/L}$$

caractérise une condition d'interface !



Born: 21 April 1774, Paris, France

Died: 3 Feb 1862, Paris, France

Flux de chaleur à la paroi

Flux de chaleur diffusé dans le solide

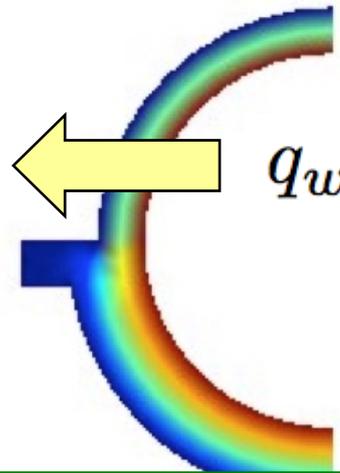
Le Nusselt et le Biot de l'ex-tuyau en plomb de ma salle de bain :-)



$$Nu = \frac{q_w}{k\Delta T/2R}$$

Écoulement de l'air dans la salle de bain

Flux conductif de l'air !



Écoulement de l'eau dans le tuyau !

Flux conductif de l'eau chaude

$$Nu = \frac{q_w}{k\Delta T/2R}$$

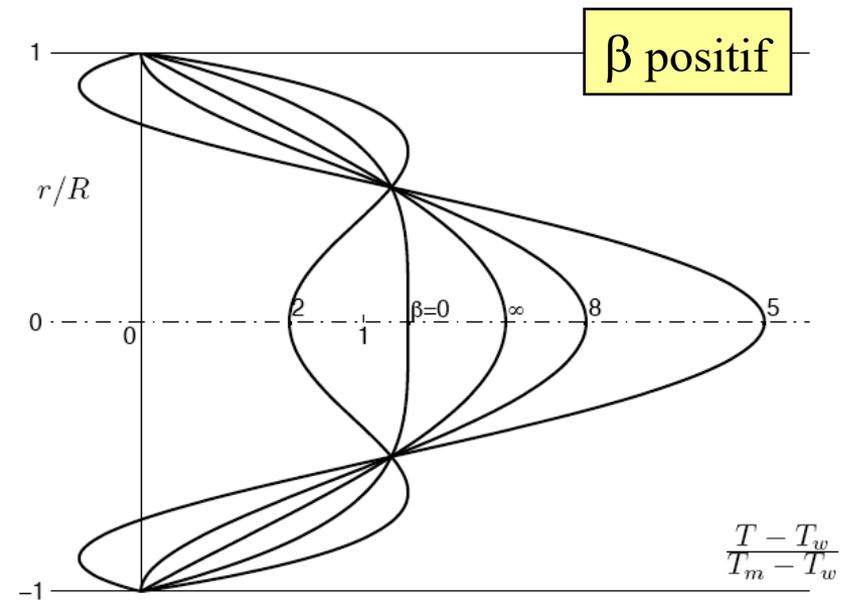
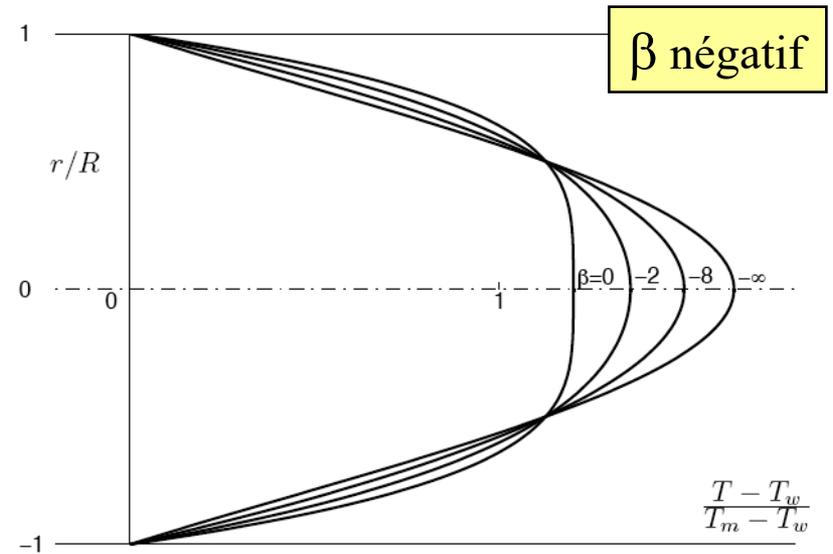
$$Bi = \frac{q_w}{k\Delta T/L}$$

Conduction thermique dans le tuyau : tension thermiques (thermoélasticité !)

Flux conductif dans le plomb

A mi-rayon,
la température
est indépendante
de la valeur
de β !

$$\frac{T - T_w}{T_m - T_w} = \frac{9}{8} \quad \text{en} \quad \frac{r}{R} = \frac{1}{2}$$

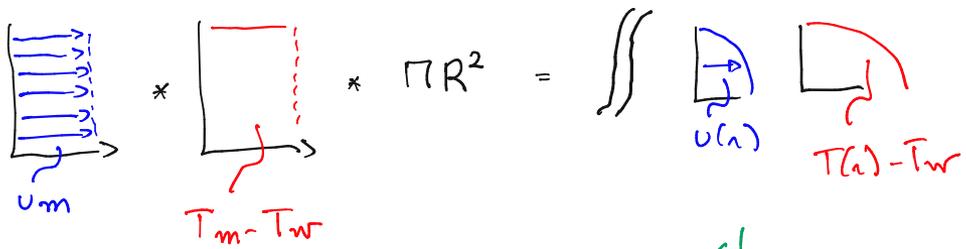


La température moyenne
qui n'est pas une
moyenne
usuelle

$$\int_0^1 \eta - \eta^3 - \eta^5 + \eta^7 d\eta = \left[\frac{1}{2} - \frac{1}{4} - \frac{1}{6} + \frac{1}{8} \right]$$

$$= \frac{12 - 6 - 4 + 3}{24} = \frac{5}{24}$$

$$TR^2 u_m (T_m - T_w) = 2\pi R^2 2u_m \frac{\mu u_m^2}{k} \left[\int_0^1 (1-\eta^2)(1-\eta^4) \eta d\eta - \frac{\beta}{8} \int_0^1 (1-\eta^2)(3-4\eta^2+\eta^4) \eta d\eta \right]$$

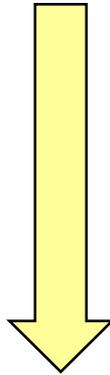


$$\int_0^1 3\eta - 4\eta^3 + \eta^5 - 3\eta^3 + 4\eta^5 - \eta^7 d\eta$$

$$= \frac{3}{2} - \frac{4}{4} + \frac{1}{6} - \frac{3}{4} + \frac{4}{6} - \frac{1}{8} = \frac{72 - 48 + 8 - 36 + 32 - 6}{48} = \frac{22}{48}$$

Température moyenne

$$u_m \pi R^2 (T_m - T_w) = 2\pi R^2 \frac{\mu u_m^2}{k} 2 u_m \left[\underbrace{\int_0^1 (1 - \eta^2) (1 - \eta^4) \eta d\eta}_{= \frac{10}{48}} \right]$$



$$- \frac{\beta}{8} \underbrace{\int_0^1 (1 - \eta^2) (3 - 4\eta^2 + \eta^4) \eta d\eta}_{= \frac{22}{48}}$$

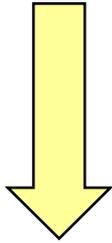
$$T_m - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left[\frac{5}{6} - \frac{11}{48} \beta \right]$$

*Cup mixing
temperature*



Flux de chaleur à la paroi

$$T - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left[\left(1 - \left(\frac{r}{R} \right)^4 \right) - \frac{1}{8} \beta \left(3 - 4 \left(\frac{r}{R} \right)^2 + \left(\frac{r}{R} \right)^4 \right) \right]$$



$$q_w = -k \left[\frac{\mu u_m^2}{k} \left[- \left(\frac{4r^3}{R^4} \right) \Big|_{r=R} - \frac{1}{8} \beta \left(-4 \left(\frac{2r}{R^2} \right) \Big|_{r=R} + \left(\frac{4r^3}{R^4} \right) \Big|_{r=R} \right) \right] \right]$$

$$q_w = -k \left[\frac{\mu u_m^2}{k} \left[-\frac{4}{R} - \frac{1}{8} \beta \left(-\frac{8}{R} + \frac{4}{R} \right) \right] \right]$$

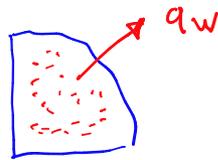
$$q_w = \frac{\mu u_m^2}{2R} (8 - \beta)$$

Flux de chaleur dissipé ?

$$q_w = \frac{\mu v_m^2}{2R} [8 - \beta]$$

$$\beta = 0$$

$$q_w = \frac{4\mu v_m^2}{R}$$



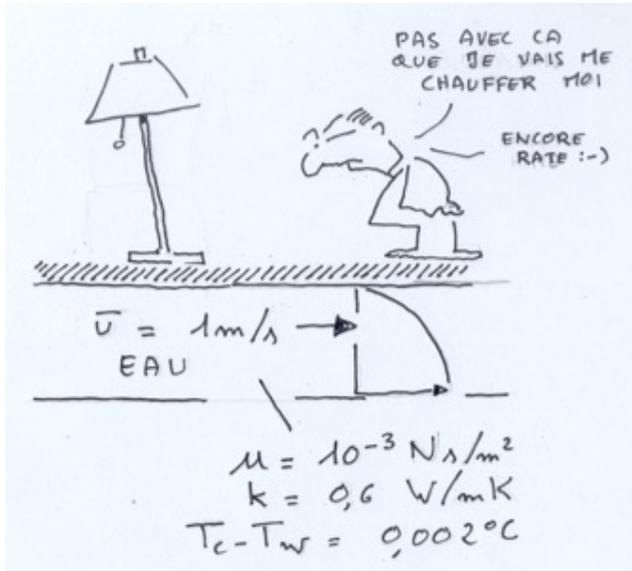
PUISSANCE DISSIPÉE

$$= 2\pi \int_0^R \mu (2v_m)^2 \left(\frac{2r}{R^2}\right)^2 r dr$$

$$= 2\pi \frac{16\mu v_m^2}{R^4} \int_0^R r^3 dr$$

$$\left[\frac{r^4}{4} \right]_0^R = \frac{R^4}{4}$$

$$= 2\pi R \frac{4\mu v_m^2}{R} = q_w$$



$$T - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left(1 - \left(\frac{r}{R} \right)^4 \right)$$

$$q_w = -k \left. \frac{dT}{dr} \right|_{r=R} = 4 \frac{\mu u_m^2}{R} = 4k \frac{(T_c - T_w)}{R}$$

*C'est la chaleur générée par dissipation visqueuse
qui s'échappe par la paroi du tuyau !*

Flux de chaleur à la paroi

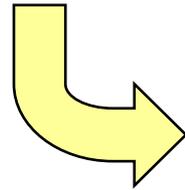
T_w constante

$$q_w = -k \left. \frac{dT}{dr} \right|_{r=R} = 4 \frac{\mu u_m^2}{R}$$

*Estimation du flux de chaleur à la paroi
par rapport aux effets de diffusion !*

$$T_m - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \frac{5}{6}$$

L'écart de température
caractéristique est pris avec
la température moyenne !



$$Nu = 4 \frac{\mu u_m^2}{R} \frac{k}{\mu u_m^2} \frac{6}{5} \frac{2R}{k} = \frac{48}{5} = 9.6$$

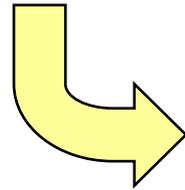
T_w constante
Nombre de Nusselt

$$q_w = \frac{\mu u_m^2}{2R} (8 - \beta)$$

*Estimation du flux de chaleur à la paroi
par rapport aux effets de diffusion !*

$$T_m - T_w = \frac{\mu u_m^2}{k} \left[\frac{5}{6} - \frac{11}{48} \beta \right]$$

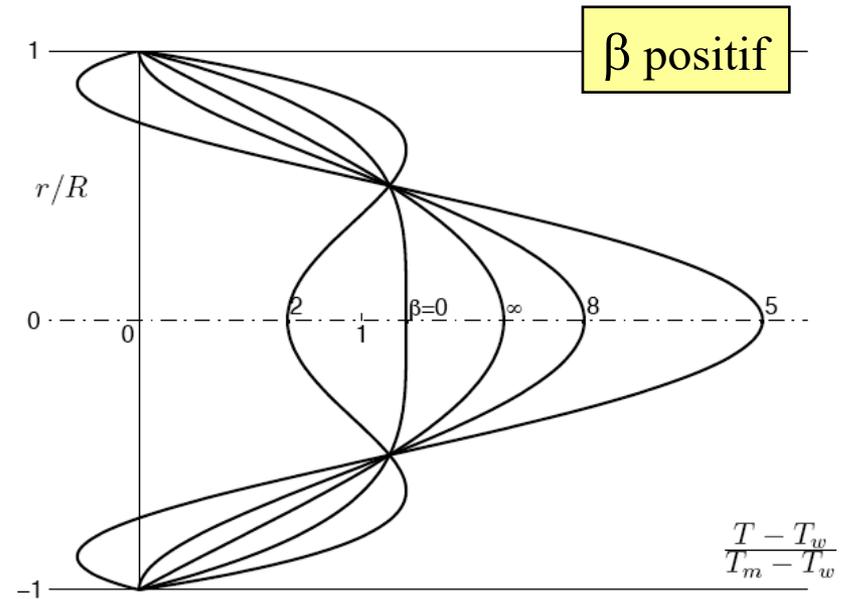
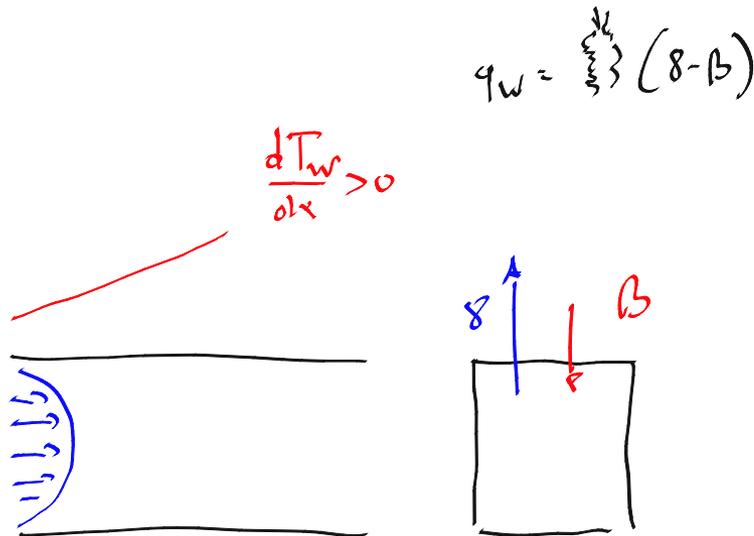
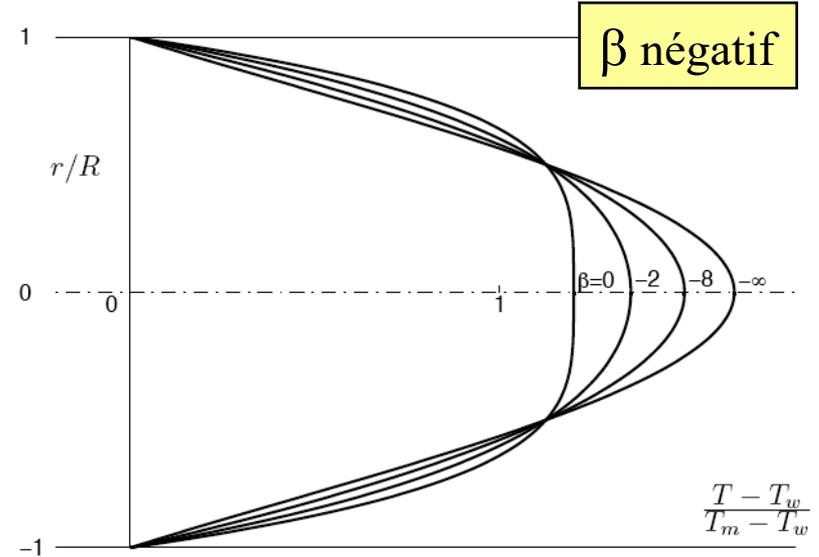
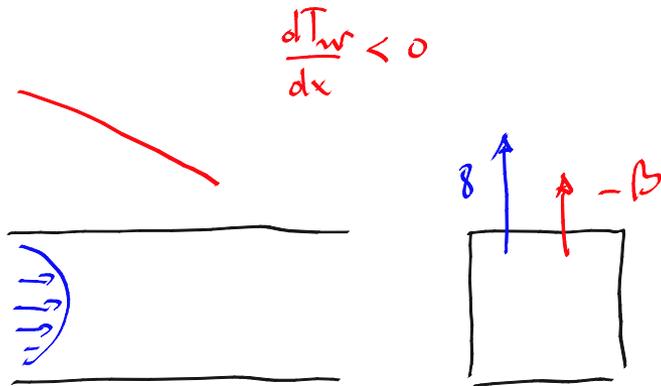
L'écart de température
caractéristique est pris avec
la température moyenne !



$$Nu = \frac{(8 - \beta)}{\left(\frac{5}{6} - \frac{11}{48} \beta\right)}$$

T_w linéaire
Nombre de Nusselt

Comprendre la solution analytique !

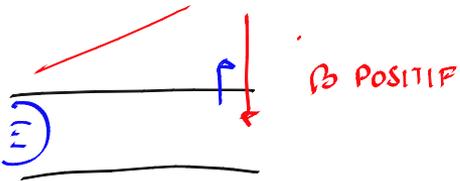
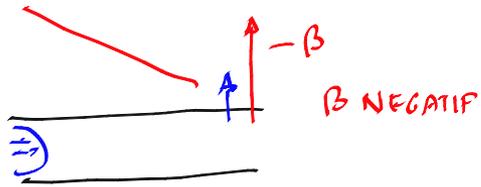


$$q_w = \frac{\mu v_m^2}{2R} (\delta - \beta)$$

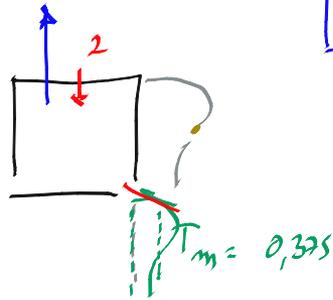


$$\text{SPD6} \\ T_w = 0$$

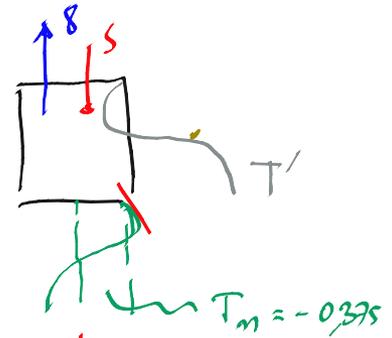
$$T_m - T_w = \frac{\mu v_m^2}{k} \left(\frac{\delta}{6} - \frac{11}{48} \beta \right)$$



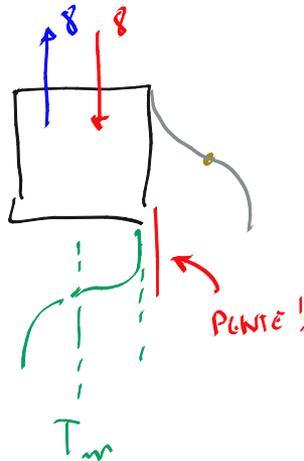
$$\beta = 2$$



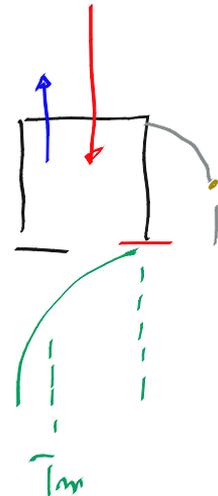
$$\beta = 5$$



$$\beta = 8$$



$$\beta = \infty$$



$$T = \frac{T - T_w}{T_m - T_w}$$

Transfert de chaleur établi !

$T_w = \text{CST}$

PAS DE CHALEUR TRANSPORTEE

$$\beta = 0$$

$$Nu = 96$$

$$Nu = \frac{8 - \beta}{\left(\frac{5}{6} - \frac{11}{48} \beta\right)}$$

$\beta = \infty$

$$Nu = 48/11$$

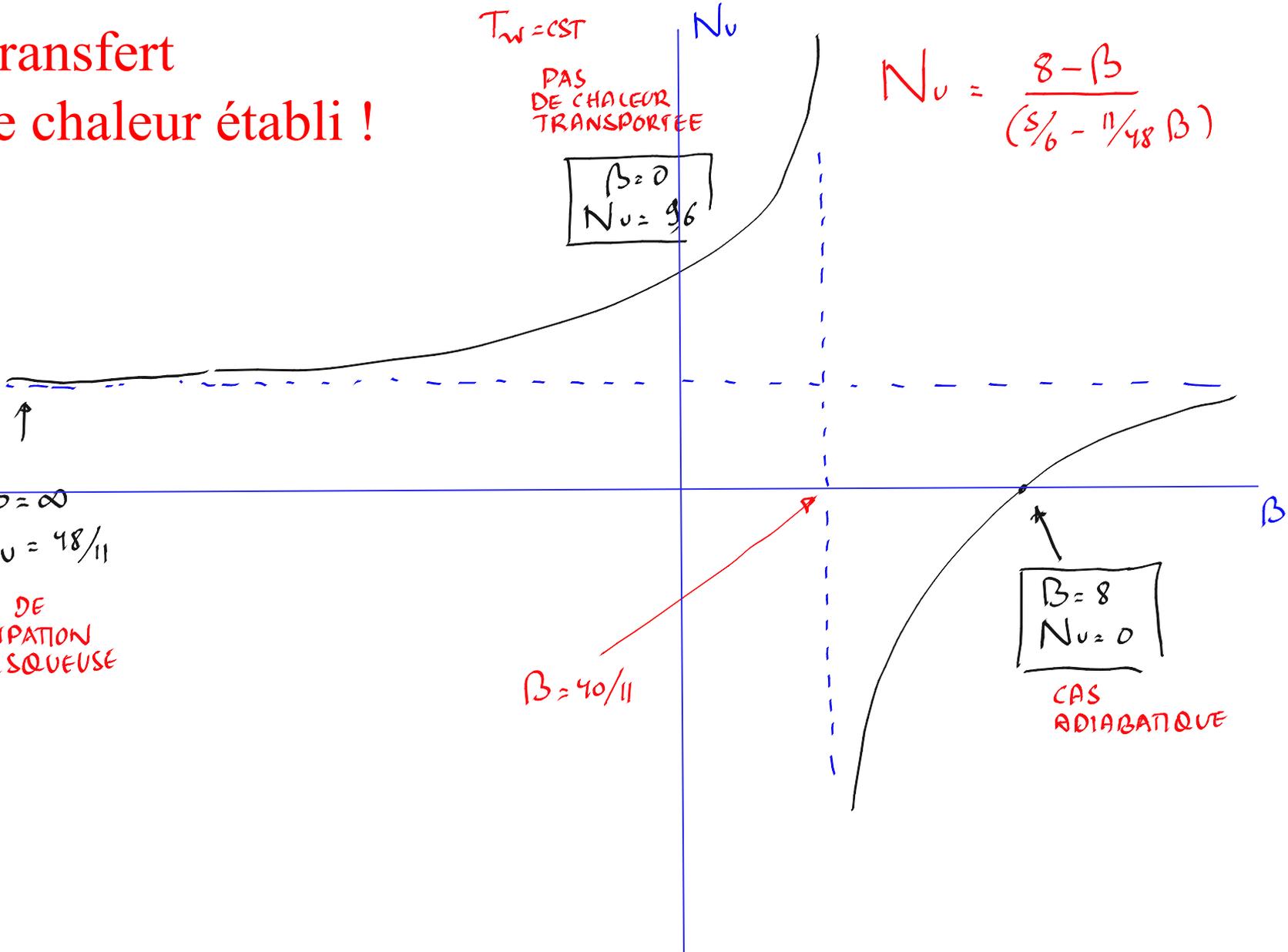
PAS DE DISSIPATION VISQUEUSE

$\beta = 40/11$

$$\beta = 8$$

$$Nu = 0$$

CAS ADIABATIQUE



Ecart de température

$$(T_m - T_w) \frac{k}{\mu u_m^2}$$

Pas de dissipation visqueuse

Nombre de Nusselt



T_w constante

Cas adiabatique

$$q_w \frac{2R}{\mu u_m^2}$$

Flux pariétal

Adimensionnalisation inadéquate !

Un petit graphe récapitulatif !

